



Universidade do Porto

FEUP Faculdade de
Engenharia

DEMEGI
DEPARTAMENTO DE ENGENHARIA MECÂNICA
E GESTÃO INDUSTRIAL

ANÁLISE MATEMÁTICA I

1º Ano

Mestrados Integrados: Engenharia Mecânica
Engenharia Industrial e Gestão

Ano lectivo: 2006/2007, 4ª Edição.

Regente da disciplina e autor: *Prof. Carlos A. Conceição António*

PREFÁCIO

Este texto pretende ser um pequeno contributo para os estudantes de Análise Matemática do primeiro ano das licenciaturas em (i) Engenharia Mecânica e (ii) Gestão e Engenharia Industrial da Faculdade de Engenharia da Universidade do Porto.

O livro tem como objectivo apresentar o conteúdo programático da disciplina de Análise Matemática I focando os aspectos essenciais da matéria leccionada. Para além da exposição teórica apresentam-se exercícios de aplicação no final de cada capítulo.

Aconselha-se a leitura complementar da bibliografia indicada na respectiva Ficha da Disciplina.

Porto, FEUP, 10 de Setembro de 2005

O autor,

Carlos Alberto da Conceição António, Prof. Associado, Agreg.

ÍNDICE

página

I PARTE

DIFERENCIAÇÃO EM \mathbb{R}

1.	Revisão de alguns conceitos e resultados	1
1.1	Conceito de derivada	2
1.2	Interpretação física do conceito de derivada	5
1.3	Derivação de funções compostas (regra da cadeia)	6
1.4	Derivação da função inversa	8
1.5	Teorema dos acréscimos finitos	9
1.6	Aplicações	12
2.	Noção de diferencial e regras de cálculo	17
3.	Teorema de Cauchy e regra de L'Hôpital	22
4.	Aproximação Polinomial	26
4.1	Introdução	27
4.2	Polinómio de Taylor	28
4.3	Fórmula de Taylor com Resto	31
4.4	Aplicações	33
5.	Série de Taylor como limite dos polinómios de Taylor	39
6.	Séries numéricas	45
6.1	Propriedades das séries	47
6.2	Séries telescópicas	48
6.3	Séries geométricas	48
6.4	Critérios de convergência	49
6.5	Séries alternadas	52

ÍNDICE

página

II PARTE

INTEGRAL DE RIEMANN EM R

7.	O conceito de Integral definido	55
7.1	Motivação para a noção de integral: o conceito e cálculo de áreas	56
7.2	Definição e construção do Integral de Riemann	60
7.3	Definição de função integrável	61
7.4	Propriedades do integral definido	63
7.5	Integrabilidade das funções monótonas e limitadas	65
7.6	Cálculo do integral definido dum potência e das funções trigonométricas básicas	67
7.7	Aplicações	68
8.	Cálculo de áreas e Teoremas do valor médio para integrais	69
8.1	Aplicação do integral definido ao cálculo de áreas	70
8.2	Teorema do valor médio para integrais	74
8.3	Teorema do valor médio ponderado para integrais	75
9.	Teoremas Fundamentais do Cálculo	77
9.1	Integral como função do limite superior	78
9.2	Primeiro Teorema Fundamental do Cálculo	78
9.3	Demonstração do primeiro teorema baseada em argumento geométrico	81
9.4	Definição de Primitiva	82
9.5	Segundo Teorema Fundamental do Cálculo	84
9.6	Aplicações	85
10.	Primitivação por substituição e por partes	87
10.1	Método de substituição para integrais	88
10.2	Método de integração por partes	90

	página
11. Cálculo de volumes usando integrais	96
11.1 Caso geral	97
11.2 Sólidos de revolução	100
11.2.1 Método das secções transversais	100
11.2.2 Método das cascas cilíndricas	103
11.3 Aplicações	105
12. Definição de funções e cálculo de áreas usando coordenadas polares	109
12.1 Gráficos de funções em coordenadas polares	110
12.2 Cálculo de áreas usando coordenadas polares	112
12.3 Aplicações	115
13. Outros métodos de primitivação	119
13.1 Primitivação de fracções racionais	120
13.2 Primitivação de expressões racionais trigonométricas	128
13.3 Primitivação de expressões irracionais por substituição trigonométrica	130
13.4 Primitivação usando a substituição universal	132
14. Funções hiperbólicas	134
15. Integrais impróprios	141
15.1 Definição de integral impróprio	142
15.2 Integrais impróprios de primeira e segunda espécies	142
15.3 Aplicações	144

BIBLIOGRAFIA:

- [1] Tom M. Apostol, "*CÁLCULO*", Editora Reverté, Ltd. (editor), Vol.1.
- [2] Michael Spivak, "*Cálculo Infinitesimal*", Editora Reverté, S.A. (editor), Vol.1.
- [3] James Stewart, "*Cálculo*", Vol. I e II, 4ª Edição, Thomson Learning.
- [4] Larson, Hostetler & Edwards, "*Calculo y geometria analitica*", 5ª Edição, McGraw Hill, Vol.1.
- [5] Edwards & Penney, "*Calculus with analytic geometry*", Fifth Edition, Prentice Hall.